

直角三角形

正弦: $\sin\alpha = \frac{\text{对边}}{\text{斜边}} = \frac{y}{r}$;

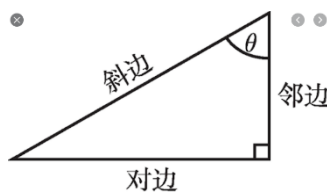
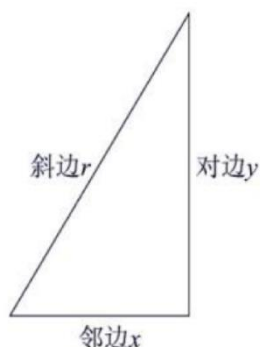
余弦: $\cos\alpha = \frac{\text{邻边}}{\text{斜边}} = \frac{x}{r}$;

正切: $\tan\alpha = \frac{\text{对边}}{\text{邻边}} = \frac{y}{x}$;

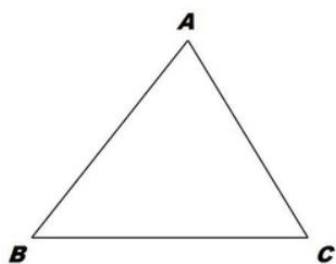
余切: $\cot\alpha = \frac{\text{邻边}}{\text{对边}} = \frac{x}{y}$;

正割: $\sec\alpha = \frac{\text{斜边}}{\text{邻边}} = \frac{r}{x}$;

余割: $\csc\alpha = \frac{\text{斜边}}{\text{对边}} = \frac{r}{y}$;



任意三角形



三角形有三个角 $\angle A$, $\angle B$, $\angle C$ 以及三个边长 a , b , c 共 6 各讯息

至少知晓三个讯息 (两边一角、三边、两角一边) 就可以解三角形。

又最长的边所对应的角最大

正弦定理

(有一对的已知讯息)

$$\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R$$

$$a : b : c = \sin A : \sin B : \sin C$$

余弦定律

$$a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$$

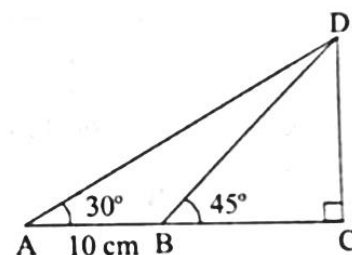
$$b^2 = c^2 + a^2 - 2ca \cos B$$

$$c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos C$$

在 $\triangle ABC$ 中, $a = 2$, $b = \sqrt{2}$, $A = \frac{\pi}{4}$, 则角 B 等于_____。

1. 三角形 ABC 的外接圆半径是 1cm,且 $a=1\text{cm}$.若 $\angle A$ 是锐角, 求 $\angle A$

如图中所示, ABC 是一条直线且 ACD 及 BCD 都是直角三角形。若 $\angle BAD = 30^\circ$, $\angle CBD = 45^\circ$, $\angle BCD = 90^\circ$ 及 $AB = 10\text{ cm}$, 求 CD 的长度, 单位以



在 $\triangle ABC$ 中, 如果 $(b+c):(c+a):(a+b) = 7:8:9$, 则 $\sin A:\sin B:\sin C = ?$

在 $\triangle ABC$ 中, 设 $BC=a$, $CA=b$ 和 $AB=c$. 若 $a-2b+c=0$, $3a+b-2c=0$, 求 $\sin A:\sin B$.

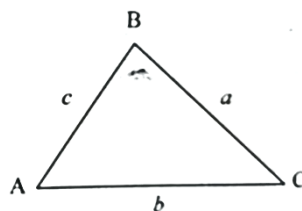
在 $\triangle ABC$ 中， $a=8$ ， $b=10$ ， $c=12$ ，求它的最大角的余弦的值。

在 $\triangle ABC$ 中，如果 $a:b:c = \sqrt{3}:\sqrt{4}:\sqrt{5}$ ，求 $\angle C$ 。

如果 $\triangle ABC$ 三边长为 a ， b ， c 且 $(a+b+c)(a+b-c) = ab$ ，求角 C 的值。

三角形的面积

$$\Delta ABC \text{ 的面积} = \frac{1}{2} ab \sin C$$



三角形 ABC 的面积是 6 cm^2 ， $AB = 3 \text{ cm}$ ， $AC = 5 \text{ cm}$ 。求 BC 的两个可能长度。

在 ΔABC 中， $a = 15 \text{ cm}$ ， $b = 14 \text{ cm}$ 及 $c = 13 \text{ cm}$ 。试求

- (a) $\cos A$ 的值；
- (b) ΔABC 的面积。